



GAUTENG PROVINCE
EDUCATION
REPUBLIC OF SOUTH AFRICA

PROVINSIALE EKSAMEN

NOVEMBER 2022

GRAAD 10

WISKUNDE
(VRAESTEL 2)

TYD: 1 uur

PUNTE: 100

9 bladsye + 1 inligtingsblad en 'n spesiale antwoordboek van 14 bladsye

INSTRUKSIES EN INLIGTING

Lees die volgende instruksies aandagtig deur voordat jy die vrae beantwoord.

1. Hierdie vraestel bestaan uit 10 vrae.
2. Beantwoord AL die vrae in die ANTWOORDBOEK wat voorsien is.
3. Dui ALLE berekeninge, diagramme, grafieke, ensovoorts wat jy in die beantwoording van die vrae gebruik, duidelik aan.
4. Slegs antwoorde sal NIE noodwendig volpunte verdien NIE.
5. Jy mag 'n goedgekeurde wetenskaplike sakrekenaar (nie-programmeerbaar en nie-grafies) gebruik, tensy anders aangedui.
6. Indien nodig, rond antwoorde tot TWEE desimale plekke af, tensy anders aangedui.
7. Diagramme is NIE noodwendig volgens skaal geteken NIE.
8. Skryf netjies en leesbaar.

VRAAG 1

Die lengtes van 18 graad 8-leerders is in cm aangeteken soos hieronder getoon. Gebruik die data hieronder om die vrae wat volg te beantwoord.

147	131	142	133	152	125
128	162	129	165	151	130
143	162	110	129	139	153

- 1.1 Stel die data op 'n stingel- en blaardiagram voor. (4)
- 1.2 Bepaal die:
- 1.2.1 Mediaan (2)
- 1.2.2 Modus (1)
- 1.2.3 Onderste kwartiel en die boonste kwartiel (2)
- 1.2.4 Gemiddeld (2)
- [11]**

VRAAG 2

Die syfers in die tabel hieronder is die ouderdomme, tot die naaste jaar, van 'n ewekansige steekproef van 30 mense wat in 'n bank onderhandel vir 'n verband. Gebruik die data hieronder om die vrae wat volg te beantwoord.

29	26	31	42	38	45	35	37	38	38
36	39	49	40	32	32	34	27	56	29
33	31	33	52	44	32	30	38	42	33

- 2.1 Voltooi die frekwensietabel op die diagram wat in jou ANTWOORDBOEK voorsien word. (4)

FREKWENSIE TABEL

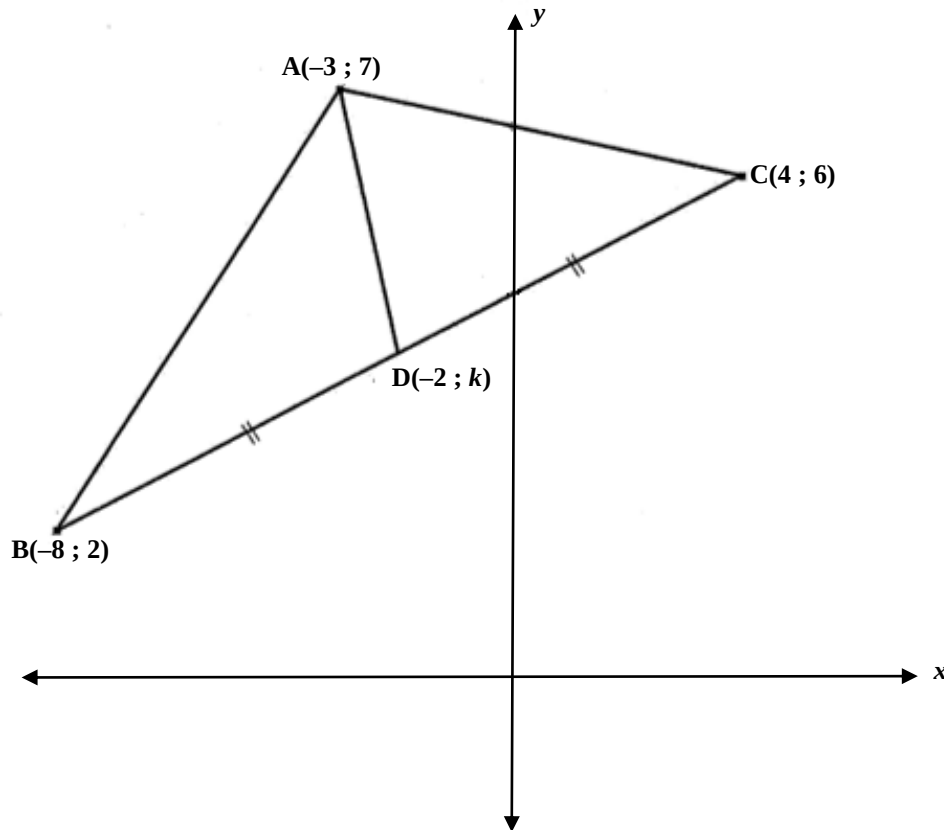
OUDERDOMSINTERVALLE	TELLING	FREKWENSIE
$25 \leq x < 33$		
$33 \leq x < 41$		
$41 \leq x < 49$		
$49 \leq x < 57$		

- 2.2 Gebruik die inligting uit die frekwensietabel om 'n histogram op die rooster wat in die SPESIALE ANTWOORDBLAD verskaf word, te teken. (2)
- 2.3 Teken 'n frekwensieveelhoek op die rooster wat in die SPESIALE ANTWOORDBLAD voorsien word. (3)

[9]**b.o.**

VRAAG 3

In die diagram hieronder is A $(-3;7)$, B $(-8;2)$ en C $(4;6)$ die hoekpunte van driehoek ABC. AD is so geteken dat D $(-2;k)$ die middelpunt van BC is.



- 3.1 Bepaal die gradiënt (helling) van BC. (2)
- 3.2 Bereken die lengte van BC. (2)
- 3.3 Bepaal die waarde van k . (2)
- 3.4 Is $AD \perp BC$? Wys al jou berekeninge. (3)
- [9]**

VRAAG 4

- 4.1 As $x = 66,4^\circ$ en $y = 114,7^\circ$, evalueer die volgende korrek tot TWEE desimale plekke.

- 4.1.1 $\cos(x + y)$ (2)
- 4.1.2 $2\sin x$ (2)
- 4.1.3 $\operatorname{cosec} x$ (2)

4.2 Bepaal die waarde van θ korrek tot EEN desimale plek.

4.2.1 $\sin \theta + 0,38 = 1$ (2)

4.2.2 $2\cot 2\theta = 3$ $2\cos(3\theta - 60^\circ) = 1,71$ (3)

4.2.3 $2\cos(3\theta - 60^\circ) = 1,71$ (4)

[15]

VRAAG 5

5.1 Gegee dat $\sin \theta = \frac{4}{5}$ en $\tan \theta < 0$. Bepaal met behulp van 'n diagram en SONDER die gebruik van 'n sakrekenaar:

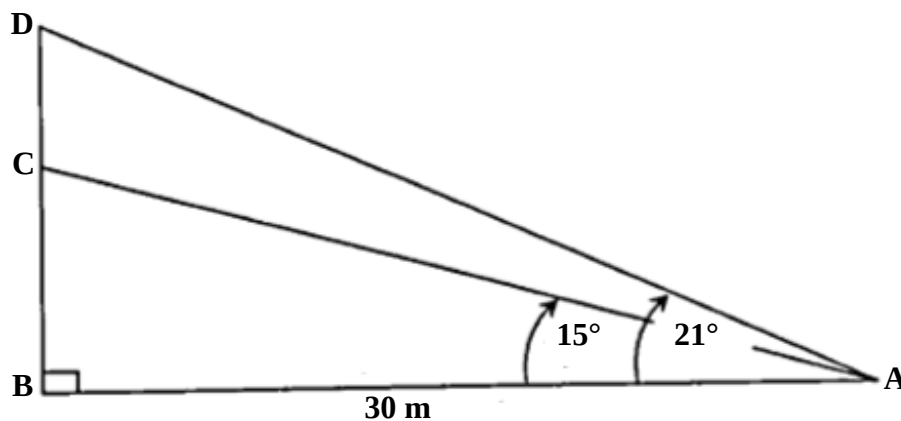
5.1.1 $\tan \theta$ (4)

5.1.2 $2\cos^2 \theta - 1$ (2)

5.2 Vereenvoudig die volgende uitdrukking SONDER om 'n sakrekenaar te gebruik.

$\cos 0^\circ + \sin^2 60^\circ + \sqrt{2} \cdot \sec 45^\circ$ (4)

5.3 In die diagram hieronder staan 'n persoon by punt A wat 30 m van punt B af is. Punt A en punt B is in dieselfde horisontale vlak. Die hoogtehoek van 'n venster op die eerste verdieping by punt C vanaf punt A is 15° . Die hoogtehoek van 'n venster op die tweede verdieping by punt D vanaf punt A is 21° .

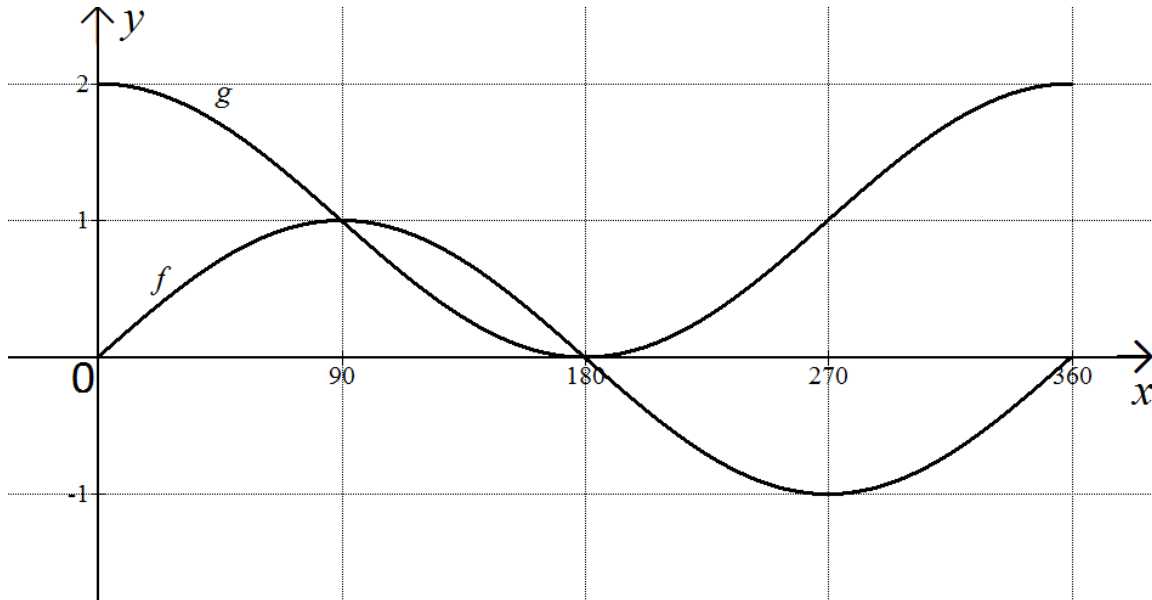


Bepaal die afstand tussen die twee vensters.

(6)
[16]

VRAAG 6

Die grafieke van $f(x) = a \sin x$ en $g(x) = \cos x + 1$ vir $x \in [0^\circ; 360^\circ]$.

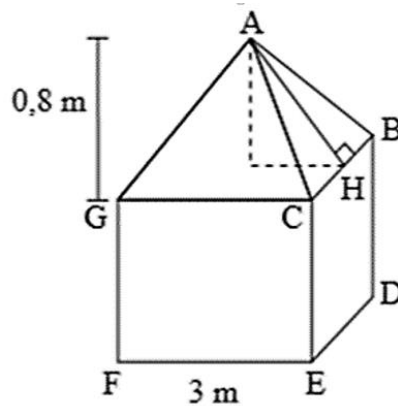


- 6.1 Skryf die waarde van a neer. (1)
- 6.2 Bepaal die waardeversameling van g . (2)
- 6.3 Bepaal die amplitude van g . (1)
- 6.4 Vir watter waarde(s) van x sal $f(x) \geq g(x)$. (2)
- 6.5 Vir watter waarde(s) van x sal $g(x) - f(x) = 2$. (3)
- 6.6 Die grafiek van f word oor die x -as gereflekteer. Skryf die vergelyking van die nuwe grafiek h neer. (1)

[10]

VRAAG 7

- 7.1 Die dak van 'n seiltent is in die vorm van 'n regte piramide met 'n loodregte hoogte van 0,8 meter op 'n vierkantige basis. Die lengte van die een kant van die basis is 3 meter.



- 7.1.1 Bereken die lengte van AH. (2)
- 7.1.2 Bereken die buite-oppervlakte van die dak. (2)
- 7.1.3 As die hoogte van die mure van die tent 2,1 meter is, bereken die totale hoeveelheid seil wat benodig word om die tent te maak as die vloer uitgesluit is. (2)
- 7.2 'n Metaalbal het 'n radius van 8 millimeter.

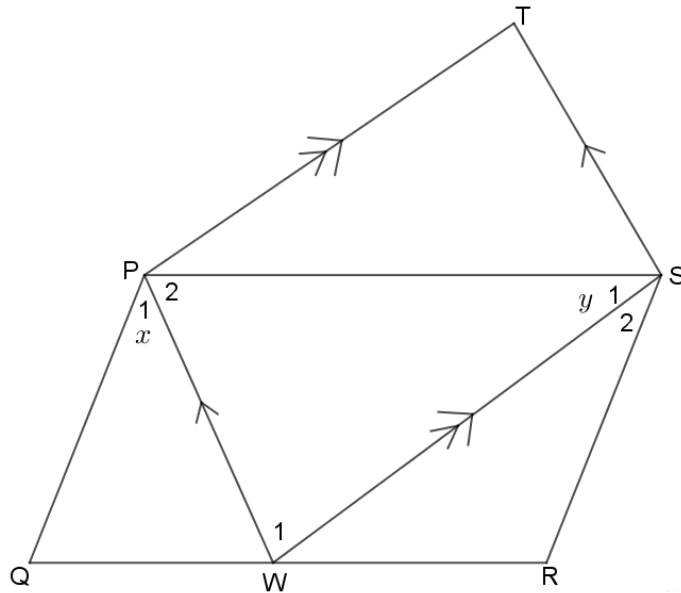
$$\text{Volume van die sfeer} = \frac{4}{3}\pi r^3$$

- 7.2.1 Bereken die volume metaal wat gebruik word om hierdie bal te maak. Gee jou antwoord korrek tot TWEE desimale plekke. (2)
- 7.2.2 As die radius van die bal verdubbel word, skryf die verhouding van die nuwe volume : die oorspronklike volume neer. (2)
- 7.2.3 Jy wil graag hê dat hierdie bal met 'n dikte van 1 millimeter silwer bedek moet wees. Wat is die volume silwer wat benodig word? Gee jou antwoord korrek tot TWEE desimale plekke. (2)

[12]

VRAAG 8

In parallellogram PQRS halveer PW vir $\angle QPS$ en SW halveer $\angle PSR$. $PW \parallel ST$ en $PT \parallel WS$.



8.1 Bewys dat $x + y = 90^\circ$.

(4)

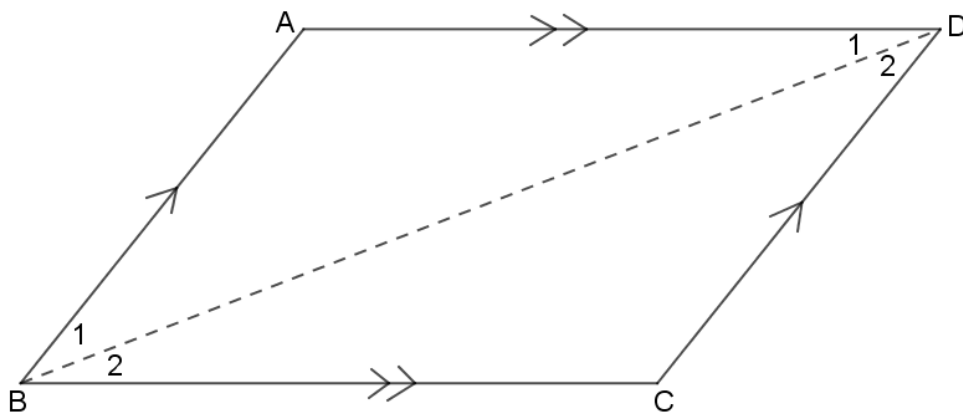
8.2 Bewys dat PWST 'n reghoek is.

(4)

[8]

VRAAG 9

ABCD is 'n parallellogram met $AD \parallel BC$ en $BA \parallel CD$.



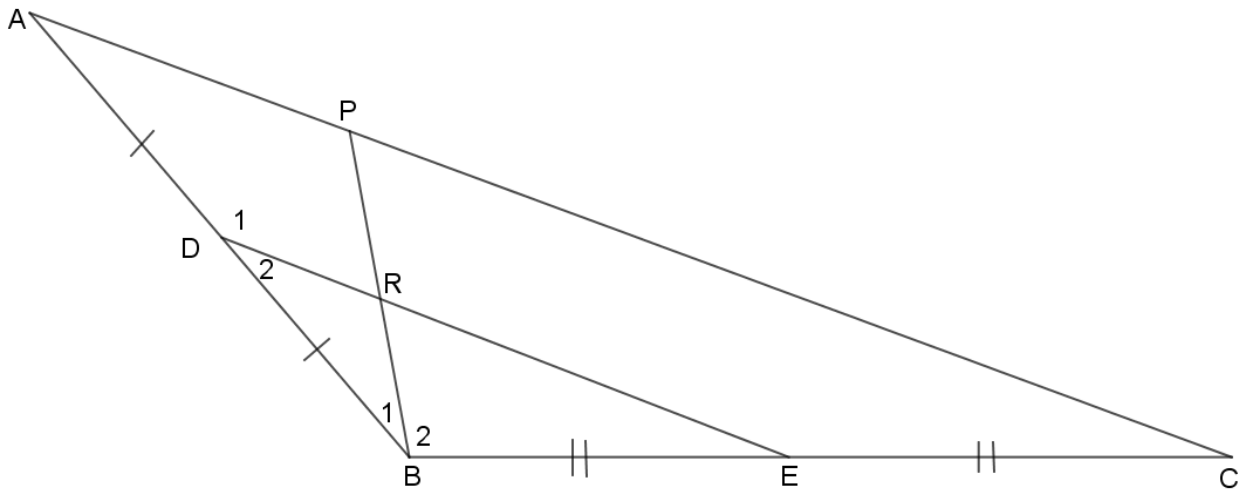
Gebruik die diagram hierbo en bewys die stelling wat beweer dat die teenoorstaande sye van 'n parallellogram gelyk is.

[5]

b.o.

VRAAG 10

In die diagram hieronder is D en E middelpunte van sye AB en BC van $\triangle ABC$. Punt P is op BC sodat $PA = PB$. PB sny DE by R.



Bewys dat $\triangle RDB$ gelykbenig is.

[5]

TOTAAL: 100

EINDE

INLIGTINGSBLAD

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$A = P(1 + ni)$$

$$A = P(1 - ni)$$

$$A = P(1 - i)^n$$

$$A = P(1 + i)^n$$

$$T_n = a + (n - 1)d$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n - 1)d]$$

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1} ; r \neq 1$$

$$S_\infty = \frac{a}{1 - r} ; -1 < r < 1$$

$$F = \frac{x[(1 + i)^n - 1]}{i}$$

$$P = \frac{x[1 - (1 + i)^{-n}]}{i}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x + h) - f(x)}{h}$$

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$$

$$y = mx + c$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \tan \theta$$

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$$

$$\text{In } \triangle ABC: \quad \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$$

$$\text{oppervlakte } \triangle ABC = \frac{1}{2} ab \cdot \sin C$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos 2\alpha = \begin{cases} \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha \\ 1 - 2\sin^2 \alpha \\ 2\cos^2 \alpha - 1 \end{cases}$$

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

$$P(A \text{ of } B) = P(A) + P(B) - P(A \text{ en } B)$$

$$\hat{y} = a + bx$$

$$b = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sum (x - \bar{x})^2}$$

**GAUTENG PROVINCE**EDUCATION
REPUBLIC OF SOUTH AFRICA**NOVEMBER EXAMINATION ANSWER BOOK
NOVEMBER EKSAMEN-ANTWOORDBOEK****2022**

CANDIDATE'S NAME LEERDER SE NAAM												
DATE DATUM									BOOK NUMBER BOEKNOMMER		OF VAN	BOOKS BOEKE
TEACHER ONDERWYSER									PAPER NUMBER / VRAESTELNOMMER	2		
SUBJECT NAME VAKNAAM	MATHEMATICS/WISKUNDE											

This answer book consists of 14 pages./Hierdie antwoordboek bestaan uit 14 bladsye.

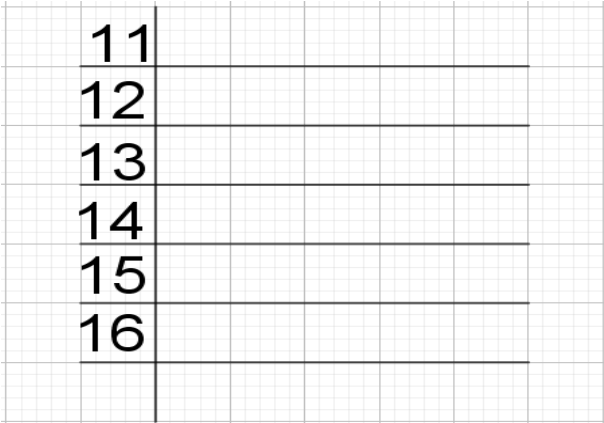
MARKER/NASIENER				MODERATOR'S INITIALS IN RELEVANT BLOCK MODERATOR SE PARAAF IN BETROKKE BLOKKIE							
Question Vraag	Marks Punte			Marker's Code & Initials/Nasiener se Kode en parafeer	Marks Punte						
1											
2											
3											
4											
5											
6											
7											
8											
9											
10											

				TOTAL TOTAAL				

READ THE INSTRUCTIONS ON THE NEXT PAGE.
LEES DIE INSTRUKSIES OP DIE VOLGENDE BLADSY.

FOLLOW THESE INSTRUCTIONS CAREFULLY.	VOLG HIERDIE INSTRUKSIES NOUKEURIG.
1. Answer ALL questions in the spaces provided. 2. No pages may be torn from this answer book. 3. Candidates may not retain an answer book or remove it from the examination room. Answer books must be returned to the invigilator at the end of the examination session. 4. Answers must be written in blue ink as distinctly as possible. Do not write in the margins. 5. Rule-off through any work/rough work that must not be marked. 6. In the event that you use the additional space provided: 6.1 Write down the number of the question. 6.2 Leave a line and rule-off after your answer.	1. Beantwoord ALLE vrae in die ruimtes wat voorsien is. 2. Geen bladsye mag uit hierdie antwoordboek geskeur word nie. 3. Geen antwoordboek mag deur kandidate behou of uit die eksamenlokaal verwyder word nie. Antwoordboeke moet aan die toesighouer terugbesorg word aan die einde van die eksamensessie. 4. Skryf antwoorde so duidelik moontlik met swart/blou ink. Moenie in die kantlyn skryf nie. 5. Trek 'n netjiese lyn deur enige werk/rofwerk wat nie nagesien moet word nie. 6. Ingeval jy die bykomende ruimte wat voorsien word, gebruik: 6.1 Skryf die nommer van die vraag neer. 6.2 Laat 'n lyn oop en trek 'n lyn na jou antwoord.

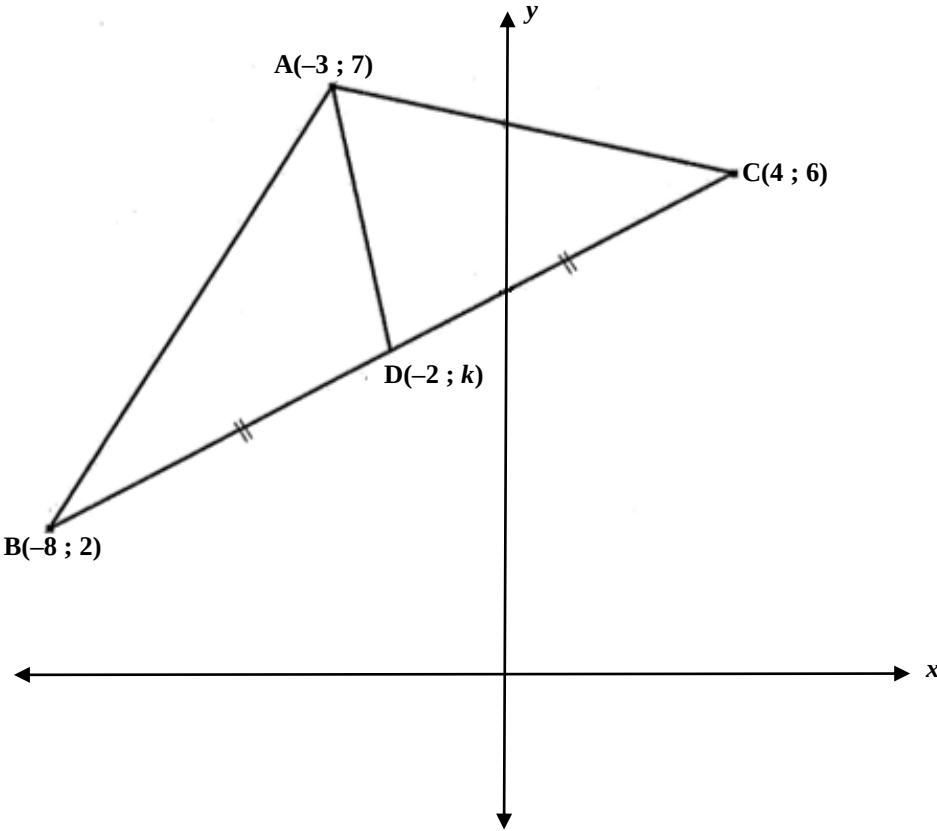
QUESTION/VRAAG 1

	Solution/Oplissing		Marks/ Punte
1.1			(4)
1.2	1.2.1		(2)
	1.2.2		(1)
	1.2.3		(2)
	1.2.4		(2)
			[11]

QUESTION/VRAAG 2

	Solution/Oplissing	Marks/ Punte															
2.1	<table border="1"> <thead> <tr> <th>AGE INTERVALS/ OUDERDOMSINTERVALE</th><th>TALLY/ TELLING</th><th>FREQUENCY/ FREKWENSIE</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$25 \leq x < 33$</td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>$33 \leq x < 41$</td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>$41 \leq x < 49$</td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>$49 \leq x < 57$</td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>	AGE INTERVALS/ OUDERDOMSINTERVALE	TALLY/ TELLING	FREQUENCY/ FREKWENSIE	$25 \leq x < 33$			$33 \leq x < 41$			$41 \leq x < 49$			$49 \leq x < 57$			(4)
AGE INTERVALS/ OUDERDOMSINTERVALE	TALLY/ TELLING	FREQUENCY/ FREKWENSIE															
$25 \leq x < 33$																	
$33 \leq x < 41$																	
$41 \leq x < 49$																	
$49 \leq x < 57$																	
2.2		(2)															
2.3		(3)															
		[9]															

QUESTION/VRAAG 3

	Solution/Oplissing	Marks/ Punte
		
3.1		(2)
3.2		(2)

3.3		(2)
3.4		(3)
		[9]

QUESTION/VRAAG 4

4.1	Solution/Oplossing		Marks/ Punte
	4.1.1		(2)
	4.1.2		(2)
	4.1.3		(2)

4.2	4.2.1		(2)
	4.2.2		(3)
	4.2.3		(4)
			[15]

QUESTION/VRAAG 5

5.1	Solution/Oplossing		Marks/ Punte
	5.1.1		(4)
	5.1.2		(2)

5.2		(4)
5.3		(6)
		[16]

QUESTION/VRAAG 6

	Solution/Oplossing	Marks/ Punte
6.1		(1)
6.2		(2)
6.3		(1)
6.4		(2)
6.5		(3)
6.6		(1)
		[10]

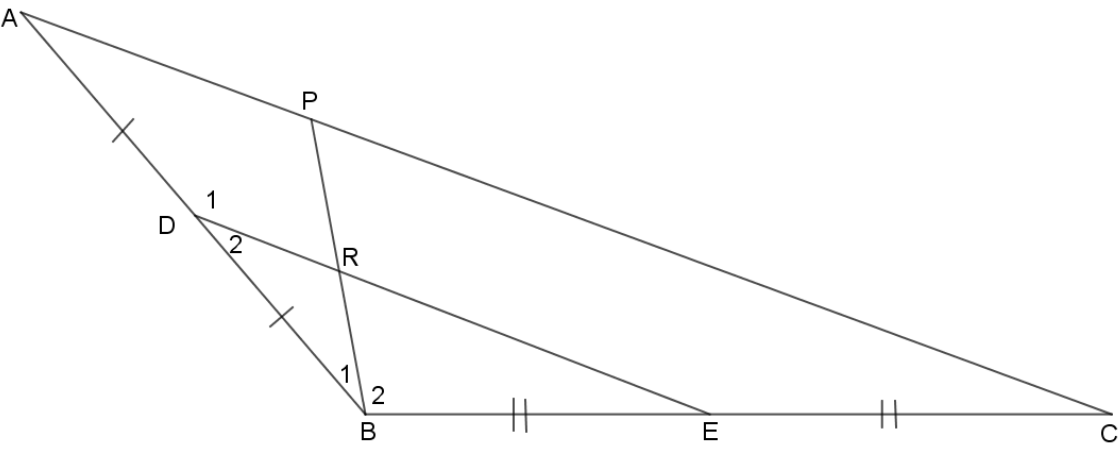
QUESTION/VRAAG 7

	Solution/Oplossing		Marks/ Punte
7.1	7.1.1		(2)
	7.1.2		(2)
	7.1.3		(2)
7.2	7.2.1		(2)
	7.2.2		(2)
	7.2.3		(2)

QUESTION/VRAAG 8

	Solution/Oplissing	Marks/ Punte
8.1		(4)
8.2		(4)
		[8]

QUESTION/VRAAG 10

	Solution/Oplissing	Marks/ Punte
		
		[5]



GAUTENG PROVINCE
EDUCATION
REPUBLIC OF SOUTH AFRICA

**PROVINCIAL EXAMINATION/
PROVINSIALE EKSAMEN
NOVEMBER 2022
GRADE 10/*GRAAD 10*
MARKING GUIDELINES/
*NASIENRIGLYNE***

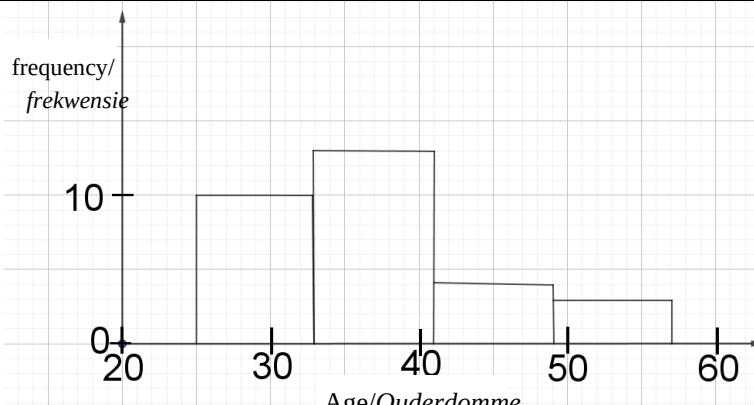
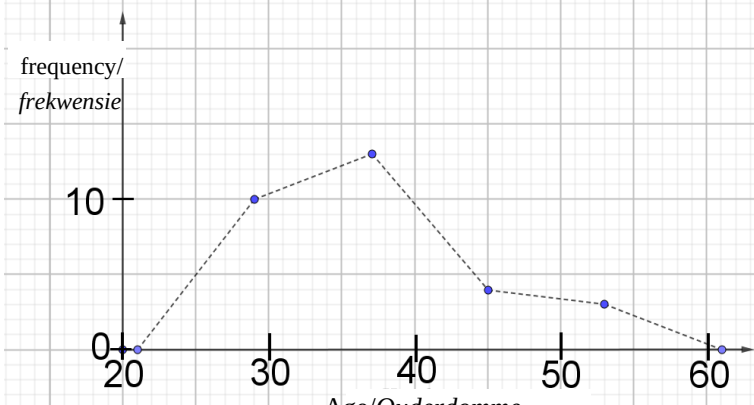
MATHEMATICS (PAPER 2)/*WISKUNDE (VRAESTEL 2)*

10 pages/*bladsye*

QUESTION/VRAAG 1

QUESTION/ VRAAG		Suggested solution/ Voorgestelde oplossing										Explanation/ Verduideliking		Marks/ Punte																																																																				
1.1		<table><tr><td>11</td><td>0</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>12</td><td>5</td><td>8</td><td>9</td><td>9</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>13</td><td>0</td><td>1</td><td>3</td><td>9</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>14</td><td>2</td><td>3</td><td>7</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>15</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>16</td><td>2</td><td>2</td><td>5</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>										11	0										12	5	8	9	9							13	0	1	3	9							14	2	3	7								15	1	2	3								16	2	2	5								should be in order eg. 0139 moet in volgorde wees bv.0139 Should be in order eg. 237 moet in volgorde wees bv.0139 Key : 13/3=133		✓ Ist and 2 nd leaf 1 ^{ste} en 2 ^{de} tak ✓ 3 rd and 4 th leaf 3 ^{de} en 4 ^{de} tak ✓ 5 th and 6 th leaf 5 ^{de} en 6 ^{de} tak ✓ key/sleutel		(4)
		11	0																																																																															
		12	5	8	9	9																																																																												
		13	0	1	3	9																																																																												
		14	2	3	7																																																																													
		15	1	2	3																																																																													
16	2	2	5																																																																															
1.2	1.2.1	$Q_2 = \frac{139 + 142}{2}$ $= 140,5$										✓ method/metode ✓ answer/antwoord		(2)																																																																				
	1.2.2	129 and/en 162										✓ both values beide waardes		(1)																																																																				
	1.2.3	Lower Quartile/onderste kwartiel = 129 Upper Quartile/ boonste kwartiel = 152										✓ answer/antwoord ✓ answer/antwoord		(2)																																																																				
	1.2.4	$\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$ $= \frac{2\,531}{18}$ $= 140,61$ Answer ONLY: FULL marks SLEGS antwoord : VOLPUNTE										✓ 2 531 ✓ 140,61		(2)																																																																				
													[11]																																																																					

QUESTION/VRAAG 2

QUESTION/ VRAAG	Suggested solution/ Voorgestelde oplossing			Explanation/ Verduideliking	Marks/ Punte														
2.1	<table><thead><tr><th>AGE INTERVALS OUDERDOMS- INTERVALLE</th><th>TALLY/ TELLING</th><th>FREQUENCY/ FREKWENSIE</th></tr></thead><tbody><tr><td>$25 \leq x < 33$</td><td>### - ###</td><td>10</td></tr><tr><td>$33 \leq x < 41$</td><td>### - ### ///</td><td>13</td></tr><tr><td>$41 \leq x < 49$</td><td>////</td><td>4</td></tr><tr><td>$49 \leq x < 57$</td><td>///</td><td>3</td></tr></tbody></table>	AGE INTERVALS OUDERDOMS- INTERVALLE	TALLY/ TELLING	FREQUENCY/ FREKWENSIE	$25 \leq x < 33$	### - ###	10	$33 \leq x < 41$	### - ### ///	13	$41 \leq x < 49$	////	4	$49 \leq x < 57$	///	3		✓ tallies and $f=10$/ telling en $f=10$ ✓ tallies and $f=13$/ telling en $f=13$ ✓ tallies and $f=4$ / telling en $f=4$ ✓ tallies and $f=3$ / telling en $f=3$	(4)
AGE INTERVALS OUDERDOMS- INTERVALLE	TALLY/ TELLING	FREQUENCY/ FREKWENSIE																	
$25 \leq x < 33$	### - ###	10																	
$33 \leq x < 41$	### - ### ///	13																	
$41 \leq x < 49$	////	4																	
$49 \leq x < 57$	///	3																	
2.2				✓ 1st and 2nd column/ 1^{ste} en 2^{de} kolomme ✓ 3rd and 4th column/ 3^{de} en 4^{de} kolomme	(2)														
2.3				✓ shape/vorm ✓ (29;10) (28;13) (45;4) (53; 3) ✓ grounding both sides/begroning beide kante At/By (21;0) and/en (61;0)	(3)														
					[9]														

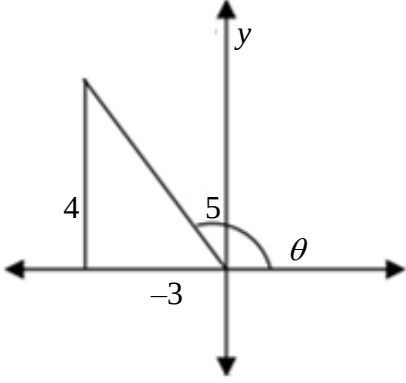
QUESTION/VRAAG 3

QUESTION/ VRAAG	Suggested solution/ Voorgestelde oplossing	Explanation/ Verduideliking	Marks/ Punte
3.1	$m_{BC} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$ $= \frac{6 - 2}{4 + 8}$ $= \frac{1}{4}$	✓ substitution/vervanging ✓ answer/answer	(2)
3.2	$BC = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$ $BC = \sqrt{(4 + 8)^2 + (6 - 2)^2}$ $BC = 12,65 \text{ OR } 4\sqrt{10}$	✓ substitution/vervanging ✓ answer/answer	(2)
3.3	$k = \frac{6 + 2}{2}$ $= 4$	✓ correct substitution/ korrekte vervanging ✓ answer/antwoord	(2)
3.4	For $AD \perp BC$ $m_{BC} \times m_{AD} = -1$ $m_{AD} = \frac{7 - 4}{3 + 2}$ $m_{AD} = -3$ $\therefore \frac{1}{4} \times -3 \neq -1$ $\therefore AD$ not $\perp BC$ AD nie $\perp$ op BC	✓ deduction/afleiding ✓ substitution/vervanging ✓ answer/antwoord	(3)
			[9]

QUESTION/VRAAG 4

QUESTION/ VRAAG		Suggested solution/ Voorgestelde oplossing	Explanation/ Verduideliking	Punte/ Marks
4.1	4.1.1	$\cos(x + y)$ $= \cos(66,4^\circ + 114,7^\circ)$ $= \cos(181,1^\circ)$ $= -1,00$	✓ substitution/vervanging ✓ answer/antwoord	(2)
	4.1.2	$2\sin x$ $= 2\sin(66,4^\circ)$ $= 1,83$	✓ substitution/vervanging ✓ answer/antwoord	(2)
	4.1.3	$\operatorname{cosec} x$ $\frac{1}{\sin(66,4^\circ)}$ $= 1,09$	✓ correct substitution/ korrekte vervanging ✓ answer/antwoord	(2)
4.2	4.2.1	$\sin \theta + 0,38 = 1$ $\sin \theta = 0,62$ $\theta = 38,3^\circ$ Penalise 1 mark for incorrect rounding off/ Penaliseer 1 punt vir verkeerde afronding	✓ 0,62 ✓ answer/antwoord	(2)
	4.2.2	$2 \cot 2\theta = 3$ $2 \cot 2\theta = \frac{3}{2}$ $2\theta = \tan^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ $2\theta = 33,69 \dots^\circ$ $\theta = 16,8^\circ$	✓ $\frac{3}{2}$ ✓ $\tan^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ OR/OF $2\theta = 33,69 \dots^\circ$ ✓ answer/antwoord	(3)
	4.2.3	$2 \cos(3\theta - 60^\circ) = 1,71$ $\cos(3\theta - 60^\circ) = 0,855$ $3\theta - 60^\circ = 31,24 \dots^\circ$ $3\theta = 91,24 \dots^\circ$ $\theta = 30,4^\circ$	✓ 0,855 ✓ $3\theta - 60^\circ = 31,24^\circ$ ✓ $3\theta = 91,24^\circ$ ✓ answer/antwoord	(4)
				[15]

QUESTION/VRAAG 5

QUESTION/ VRAAG		Suggested solution/ Voorgestelde oplossing	Explanation/ Verduideliking	Punte/ Marks
5.1	5.1.1	 $y^2 = (5)^2 - (4)^2 \quad \text{Pythagoras; } 90^\circ \angle$ $y^2 = 25 - 16$ $y = -3$ $\tan \theta = -\frac{4}{3}$	✓ diagram ✓ S ✓ $y = -3$ ✓ answer/antwoord	(4)
	5.1.2	$2\cos^2 \theta - 1$ $= 2\left(-\frac{3}{5}\right)^2 - 1$ $= -\frac{7}{25}$	✓ $2\left(-\frac{3}{5}\right)^2 - 1$ ✓ answer/antwoord	(2)
5.2		$\cos 0^\circ + \sin^2 60^\circ + \sqrt{2} \cdot \sec 45^\circ$ $= 1 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \sqrt{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{2}}$ $3\frac{3}{4} \text{ OR/OF } \frac{15}{4}$	✓ 1 ✓ $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2$ ✓ $\sqrt{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{2}}$ ✓ answer/antwoord	(4)
5.3		Distance/Afstand DB: $\tan 21^\circ = \frac{DB}{30}$ DB = 11,515 ... m Distance/Afstand BC: $\tan 15^\circ = \frac{BC}{30}$ BC = 8,038 ... m $\therefore$ DC = 11,515 m – 8,038 m $\therefore$ DC = 3,48	✓ $\tan 21^\circ = \frac{DB}{30}$ ✓ DB = 11,515 m ✓ $\tan 15^\circ = \frac{BC}{30}$ ✓ BC = 8,038 m ✓ DC = 11,515 m – 8,038 m ✓ answer/antwoord	(6)
				[16]

QUESTION/VRAAG 6

QUESTION/ VRAAG	Suggested solution/ Voorgestelde oplossing	Explanation/ Verduideliking	Punte/ Marks
6.1	$a = 1$	✓ 1	(1)
6.2	$y \in [0;2]$ OR/OF $0 \leq y \leq 2; y \in \mathbb{R}$ NOTE/NOTA In this type of answers – look at values and give the mark. Then look at inequalities. If values are wrong, then ZERO marks <i>In hierdie tipe antwoorde – kyk na waardes en gee die punt. Kyk dan na ongelykhede. As waardes verkeerd is, dan NUL</i>	✓ critical values/kritieke waardes ✓ notation/notasie	(2)
6.3	1	✓ 1	(1)
6.4	$90^\circ \leq x \leq 180^\circ$ OR/OF $x \in [90^\circ; 180^\circ]$ See note above Sien nota hierbo	✓ values/waardes ✓ inequality signs/ongelykheidstekens	(2)
6.5	$x = 0^\circ$ or/of $x = 270^\circ$ or/of $x = 360^\circ$	✓ $x = 0^\circ$ ✓ $x = 270^\circ$ ✓ $x = 360^\circ$	(3)
6.6	$h(x) = -\sin x$	✓ answer/antwoord	(1)
			[10]

QUESTION/VRAAG 7

QUESTION/ VRAAG		Suggested solution/ Voorgestelde oplossing	Explanation/ Verduideliking	Punte/ Marks
7.1	7.1.1	$AH^2 = 0,8^2 + 1,5^2$ $AH^2 = 2,89$ $AH = 1,7 \text{ m}$	$\checkmark AH^2 = 0,8^2 + 1,5^2$ $\checkmark \text{ answer/antwoord}$	(2)
	7.1.2	Surface area of roof/ <i>Buite-oppv van dak</i> $= 4 \times \frac{1}{2} (3 \times 1,7)$ $= 10,2 \text{ m}^2$	$\checkmark 4 \times \frac{1}{2} (3 \times 1,7)$ $\checkmark \text{ answer/antwoord}$	(2)
	7.1.3	Surface area of walls/ <i>Buite-oppv van mure</i> $= 4 \times 3 \times 2,1$ $= 25,2 \text{ m}^2$ Total surface area/ <i>Totale oppv</i> $= 10,2 \text{ m}^2 + 25,2 \text{ m}^2 = 35,4 \text{ m}^2$	$\checkmark = 25,2 \text{ m}^2$ $\checkmark \text{ answer/antwoord}$	(2)

QUESTION/ VRAAG		Suggested solution/ Voorgestelde oplossing	Explanation/ Verduideliking	Punte/ Marks
7.2	7.2.1	$\text{Volume} = \frac{4}{3} \pi r^3$ $= \frac{4}{3} \pi \times 8^3$ $= 2\,144,62 \text{ m}^3$	$\checkmark = \frac{4}{3} \pi \times 8^3$ $\checkmark \text{ answer/antwoord}$	(2)
	7.2.2	New volume/Nuwe volume : Orig volume/Oorspronklike volume $= 2^3 : 1$ $= 8:1$	$\checkmark 2^3$ $\checkmark \text{ answer/antwoord}$	(2)
	7.2.3	Volume including silver/Volume met silwer ingesluit $= \frac{4}{3} \pi \times 9^3 = 3\,053,66 \text{ mm}^3$ Volume of silver/Volume van silwer $= 3\,053,66 - 2\,144,62 = 908, \text{ mm}^3$	$\checkmark \frac{4}{3} \pi \times 9^3$ $\checkmark \text{ answer/antwoord}$	(2)
				[12]

QUESTION/VRAAG 8

8.1	$\hat{P}_1 = \hat{P}_2 = x$ $\hat{S}_1 = \hat{S}_2 = y$ $x + x + y + y = 180^\circ$ $2x + 2y = 180^\circ$ $\therefore x + y = 90^\circ$	[given/gegee] [given/gegee] [co-interior $\angle$ s PQ // SR/ ko-binne $\angle$ e ; PQ // SR]	$\checkmark \text{ S}$ $\checkmark \text{ S}$ $\checkmark \text{ S } \checkmark \text{ R}$	(4)
8.2	$\hat{W}_1 + x + y = 180^\circ$ $\hat{W}_1 = 90^\circ$ PWST is a parallelogram/ PWST is 'n parallelogram	[sum int $\angle$ of Δ / som binne $\angle$ e van Δ] [both pairs of opp sides parallel/albei pare teenoorstaande sye ewewydig]	$\checkmark \text{ S/R}$ $\checkmark \text{ S}$ $\checkmark \text{ S}$ $\checkmark \text{ R}$	(4)
				[8]

QUESTION/VRAAG 9

$BD = BD$	[common/ <i>gemeenskaplik</i>]	✓ S	
$\hat{D}_1 = \hat{B}_2$	[alternate $\angle$ s AD // BC/ <i>verw.binne $\angle^e$; AD // BC</i>]	✓ S/R	
$\hat{B}_2 = \hat{D}_1$	[alternate $\angle$ s AB // DC <i>verw.binne $\angle^e$; AB // DC</i>]	✓ S	
$\therefore \triangle ABC \equiv \therefore \triangle CBD$	[AAS/HHS]	✓ S	
$\therefore \triangle AD = BC, AB = DC$	$\Delta^s/\Delta^e \equiv$	✓ R	(5)
			[5]

QUESTION/VRAAG 10

$DE \parallel BC$	[midpoint theorem/ <i>middelpunt stelling</i>]	✓ S ✓ R	
$\hat{D}_2 = \hat{A}$	[corresponding $\angle$ s DE // BC <i>ooreenkomstige $\angle^e$; DE // BC</i>]	✓ S/R	
$\hat{B}_1 = \hat{A}$	[$\angle$ s opp = sides / $\angle^e$ <i>teenoor gelyke sye</i>]	✓ S/R	
$\hat{D}_2 = \hat{B}_1$			
$DR = RB$	[sides opp equal $\angle^s$ / <i>sye teenoor gelyke $\angle^e$</i>]	✓ S/R	
$\triangle RDB$ is isosceles $\triangle RDB$ is gelykbenig	[two equal angles/ <i> twee gelyke hoeke</i>]		(5)
			[5]
TOTAL/TOTAAL:			100